

STATISTIQUES

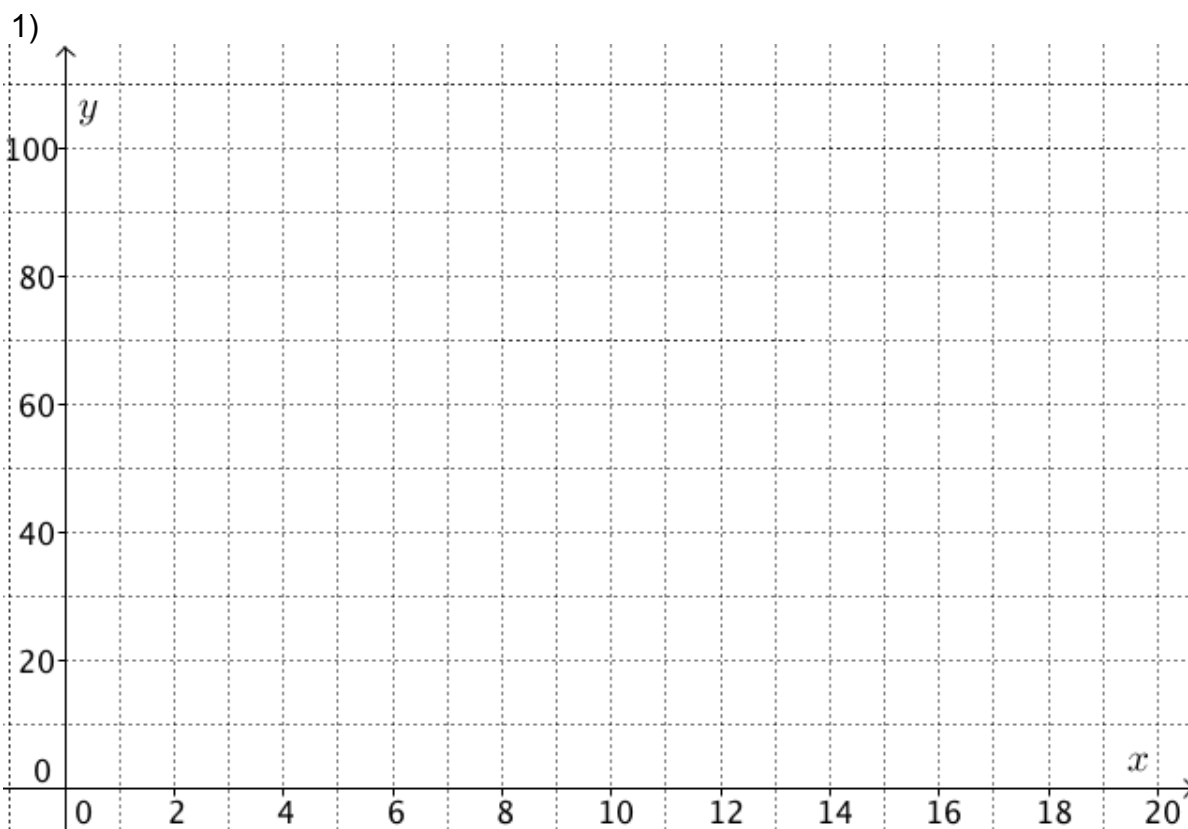
I. Nuage de points

Méthode : Représenter un nuage de points

Le tableau suivant présente l'évolution du budget publicitaire et du chiffre d'affaire d'une société au cours des 6 dernières années :

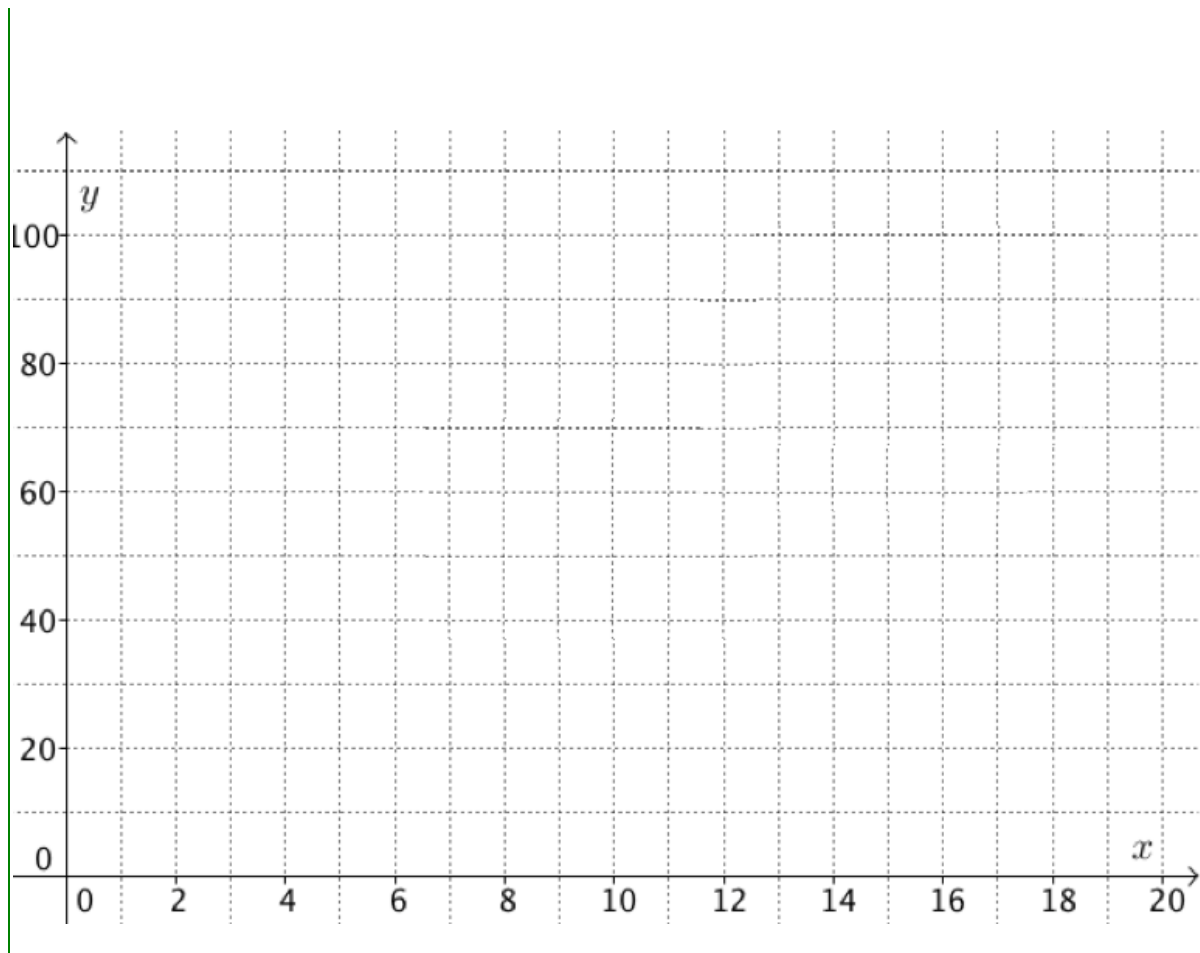
Budget publicitaire en milliers d'euros x_i	8	10	12	14	16	18
Chiffre d'affaire en milliers d'euros y_i	40	55	55	70	75	95

- 1) Dans un repère, représenter le nuage de points $(x_i; y_i)$.
- 2) Déterminer les coordonnées du point moyen G du nuage de points.



2) =
=

Le point moyen G du nuage de points a pour coordonnées (.....). On peut placer ce point dans le repère.



II. Ajustement affine

Méthode : Utiliser un ajustement affine

On reprend les données de la méthode du paragraphe I.

1) Soit G_1 , le point moyen associé aux trois premiers points du nuage et G_2 le point moyen associé aux trois derniers points du nuage.

a) Calculer les coordonnées de G_1 et G_2 .

b) On prend (G_1G_2) comme droite d'ajustement. Tracer cette droite.

2) À l'aide du graphique :

a) Estimer le chiffre d'affaire à prévoir pour un budget publicitaire de 22 000 €.

b) Estimer le budget publicitaire qu'il faudrait prévoir pour obtenir un chiffre d'affaire de 100 000 €.

1) a) =

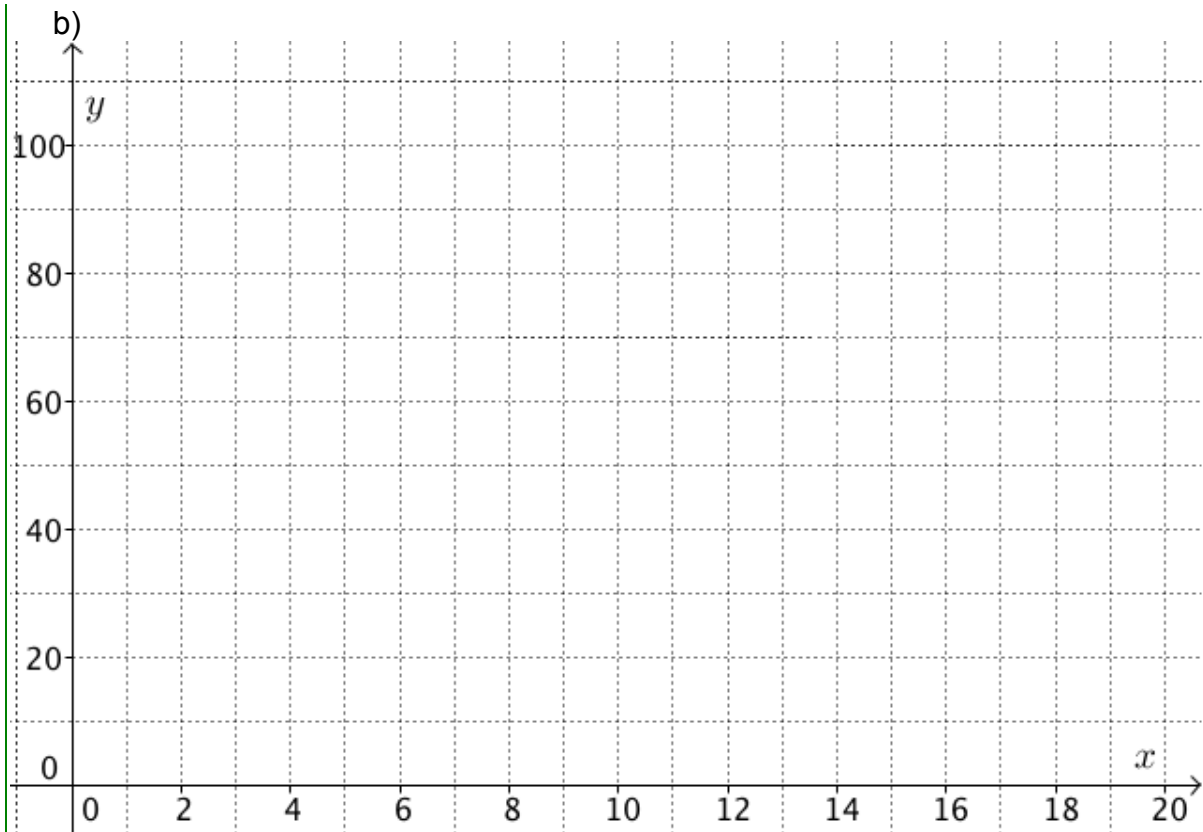
=

Le point moyen G_1 a pour coordonnées (.....).

=

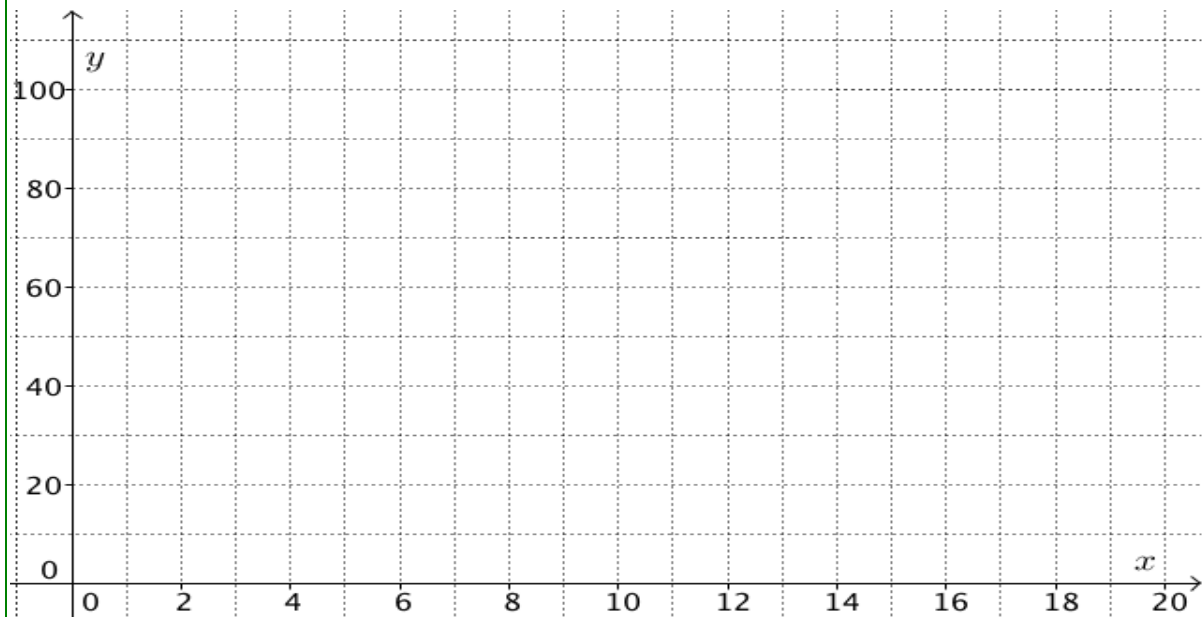
=

Le point moyen G_2 a pour coordonnées (.....).



2) On lit graphiquement :

- a) Le chiffre d'affaire à prévoir pour un budget publicitaire de 22 000 € est de .
- b) Le budget publicitaire qu'il faudrait prévoir pour obtenir un chiffre d'affaire de 100 000 € est de .



Méthode : Déterminer la droite d'ajustement par la méthode des moindres carrés

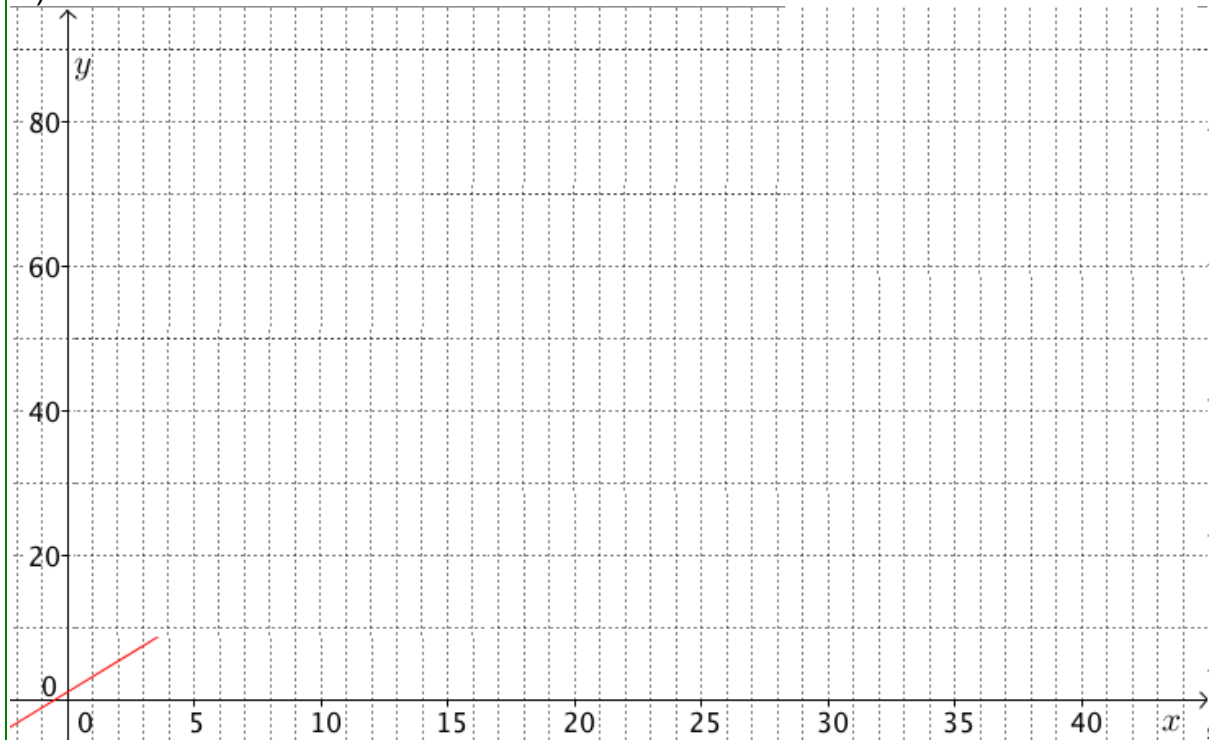
 Vidéo <https://youtu.be/vdEL0MOKAlg>

On considère la série statistique à deux variables donnée dans le tableau suivant :

x_i	5	10	15	20	25	30	35	40
y_i	13	23	34	44	50	65	75	90

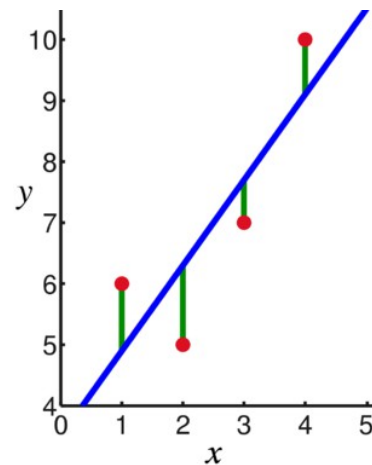
- 1) Dans un repère, représenter le nuage de points $(x_i; y_i)$.
- 2) a) À l'aide de la calculatrice, déterminer une équation de la droite d'ajustement par la méthode des moindres carrés.
b) Représenter la droite d'ajustement de y en x .
- 3) Estimer graphiquement la valeur de x pour $y = 70$. Retrouver ce résultat par calcul.

1)



2) Cette méthode porte le nom de « moindre carrés » car elle consiste à rechercher la position de la droite d'ajustement tel que la somme des carrés des longueurs donnant les distances respectives (en vert) entre la droite et les points soit minimale.

Pour cela, on utilise la calculatrice qui va donner l'équation de la droite cherchée.



Avec CASIO :

- Aller dans le menu « **STAT** ».
- Saisir les valeurs de x_i dans *List1* et les valeurs de y_i dans *List2*.
- Sélectionner « **CALC** » puis « **SET** ».
- Choisir *List1* pour *2Var XList* et *List2* pour *2Var YList* puis « **EXE** ».
- Sélectionner « **REG** » puis « **X** » et « **aX+b** ».

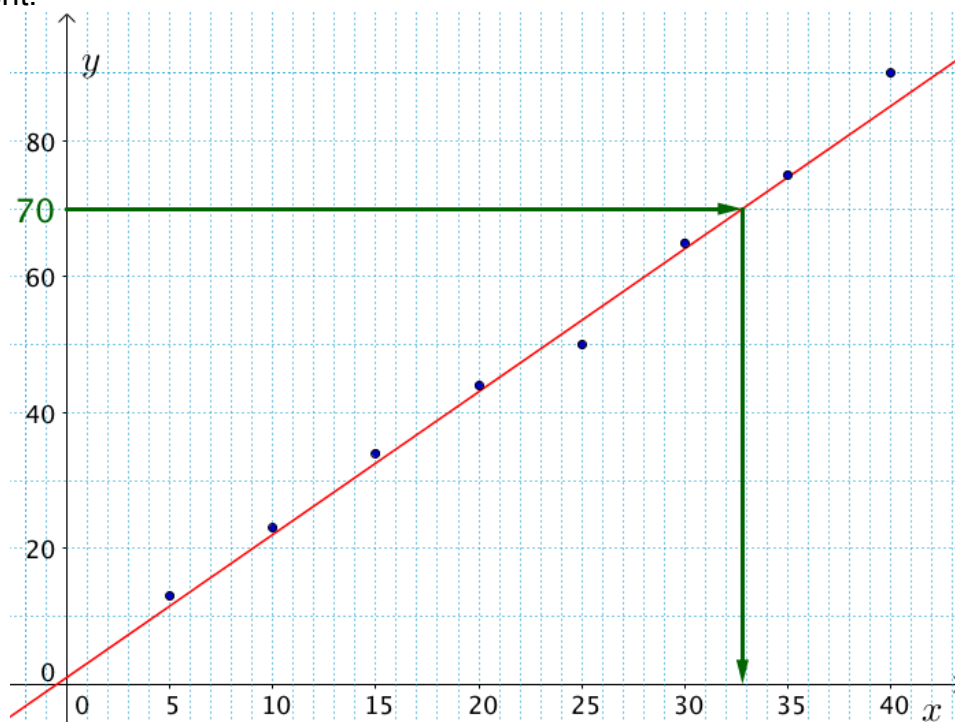
La calculatrice nous renvoie : $a=2.138095238$ et $b=1.142857143$

Une équation de la droite d'ajustement est :

Pour tracer la droite, il suffit de calculer les coordonnées de deux points de la droite d'ajustement :

- Si alors donc le point de coordonnées (0 ; 1,1) appartient à la droite d'ajustement.
- Si alors donc le point de coordonnées (10 ; 22,1) appartient à la droite d'ajustement.

3)



a) Pour $y = 70$, on lit graphiquement $x=33$.

b) Par calcul, si $y = 70$, alors soit soit

Et enfin :

